

EXERCICE 1

Soit ABC un triangle. Soient H, P, K et G les points définis par :

H barycentre de $\{(A, 3); (B, 2)\}$; K barycentre de $\{(B, 2); (C, -1)\}$

P barycentre de $\{(A, 3); (C, -1)\}$; G barycentre de $\{(H, 5); (C, -1)\}$

1) Démontrer que $3\overrightarrow{GA} + 2\overrightarrow{GB} - \overrightarrow{GC} = \vec{0}$

2) En déduire que:

a) G est le milieu de [BP]

b) G est barycentre des points A et K affectés des coefficients que l'on déterminera.

3) Déterminer l'ensemble des points M du plan tels que:

a) $\|3\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB} - \overrightarrow{MC}\| = AB$

a) $\|3\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB} - \overrightarrow{MC}\| = \|3\overrightarrow{MH} - \overrightarrow{MC}\|$

EXERCICE 2

On considère l'équation (E): $(m - 3)x^2 + (2m - 1)x - 2 + 4m = 0$, m un paramètre réel

1) Déterminer m tel que $x_1^2 + x_2^2 = 5$

2) Déterminer une équation du second degré dépendante de m ayant pour solutions

$$4x_1 - 3 \text{ et } 4x_2 - 3$$